

مثال إختبار شهادة ختم التعليم الأساسي

التمرين الأول

1) يلي كل سؤال من أسئلة هذا التمرين ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة

ضع (×) أمام الإجابة الصحيحة

أ) إذا كان $BC = 2$ و $AB = \sqrt{5}$ و $AC = 3$ فإن المثلث ABC قائم في :

C B A

ب) مثلث ABC متقايس الأضلاع قيس طول ضلعه 3 cm و $[AH]$ الإرتفاع الصادر من A إذن :

$$AH = 3 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \square \quad AH = 3 \times \frac{2}{\sqrt{3}} \quad \square \quad AH = 3 - \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \square$$

ج) العبارة $(\sqrt{7}x + 8)^2$ تساوي :

$$7x^2 + 64 \quad \square \quad \sqrt{7}x^2 + 64 \quad \square \quad 7x^2 + 64 + 16\sqrt{7}x \quad \square$$

2) أتمم مايلي :

$$(\sqrt{5}x)^2 - 9 = (\dots - 3)(3 + \dots)$$

التمرين الثاني

نتائج قسم في الفرض التأليفي في مادة العربية كانت على النحو التالي :

17,5	15,25	13,75	12,5	9	8	4	العدد من 20
2	5	5	7	4	4	3	عدد التلاميذ

(1) أ) أكمل الجدول التالي

[15,20[[10,15[[5,10[[0,5[الفئة
	12			عدد التلاميذ
	19			التكرار التراكمي النازل

ب) ماهو مدى و منوال هذه السلسلة ؟

(2) أرسم مضع التكرارات التراكمية النازلة ؟

(3) ماهو موصل هذه السلسلة ؟

التمرين الثالث

(1) نعتبر العدد الحقيقي $a = 4\sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) - 5$

أ) بين أن $a = 7 - 4\sqrt{3}$

ب) قارن بين 7 و $4\sqrt{3}$

ج) استنتج مقارنة بين $-\frac{4}{7}$ و $-\frac{1}{\sqrt{3}}$

(2) بين أن $a = (2 - \sqrt{3})^2$

(3) ليكن العدد الحقيقي $b = 7 + 4\sqrt{3}$

(أ) أحسب $(7 + 4\sqrt{3})(7 - 4\sqrt{3})$

(ب) بين أن $(b - a)^2 = a^2 + b^2 - 2$

(ج) استنتج أن $a^2 + b^2 - 2 = 192$

التمرين الرابع

(1) نعتبر العبارة $A = \sqrt{2}x - 3$

أحسب القيمة العددية للعبارة A في كل من الحالتين التاليتين $x = 1$ و $x = -\sqrt{2}$

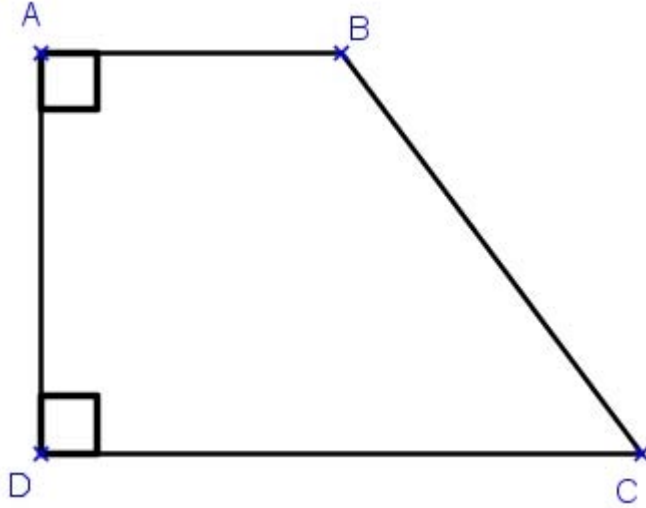
(2) نعتبر العبارة $B = (x - 2\sqrt{2})^2$

(أ) أنشر و اختصر العبارة B

(ب) بين أن $(x - 2\sqrt{2})^2 + 2(\sqrt{2}x - 3) = x^2 - 2\sqrt{2}x + 2$

(ج) استنتج أن $B + 2A$ هو مربع لعدد حقيقي

التمرين الخامس



$ABCD$ شبه منحرف قائم في A و D حيث $AB = 3$ و $AD = 4$ و $DC = 6$

(1) احسب BD

(2) أ) ابن L المسقط العمودي لـ B على (DC)

ب) ماهي طبيعة الرباعي $ABLD$ معللا جوابك؟

ج) استنتج أن L منتصف $[DC]$

(3) أ) احسب BC

ب) بين أن المثلث BDC غير قائم في B

ج) عين H المسقط العمودي لـ A على (BD)

د) احسب AH

(3) أ) عين النقطة K تقاطع المستقيمين (AC) و (BL)

ب) بين أن K منتصف $[BL]$.

إصلاح إختبار عدد 1

التمرين الأول

(1) إذا كان $BC = 2$ و $AB = \sqrt{5}$ و $AC = 3$ فإن المثلث ABC قائم في :

C B A

(ب) مثلث ABC متقايس الأضلاع قيس طول ضلعه 3 cm و $[AH]$ الإرتفاع الصادر من A

إنن :

$$AH = 3 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \boxed{\times} \quad AH = 3 \times \frac{2}{\sqrt{3}} \quad \boxed{} \quad AH = 3 - \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \boxed{}$$

(ج) العبارة $(\sqrt{7}x + 8)^2$ تساوي :

$$7x^2 + 64 \quad \boxed{} \quad \sqrt{7}x^2 + 64 \quad \boxed{} \quad 7x^2 + 64 + 16\sqrt{7}x \quad \boxed{\times}$$

$$(\sqrt{5}x)^2 - 9 = (\sqrt{5}x - 3)(3 + \sqrt{5}x) \quad (2)$$

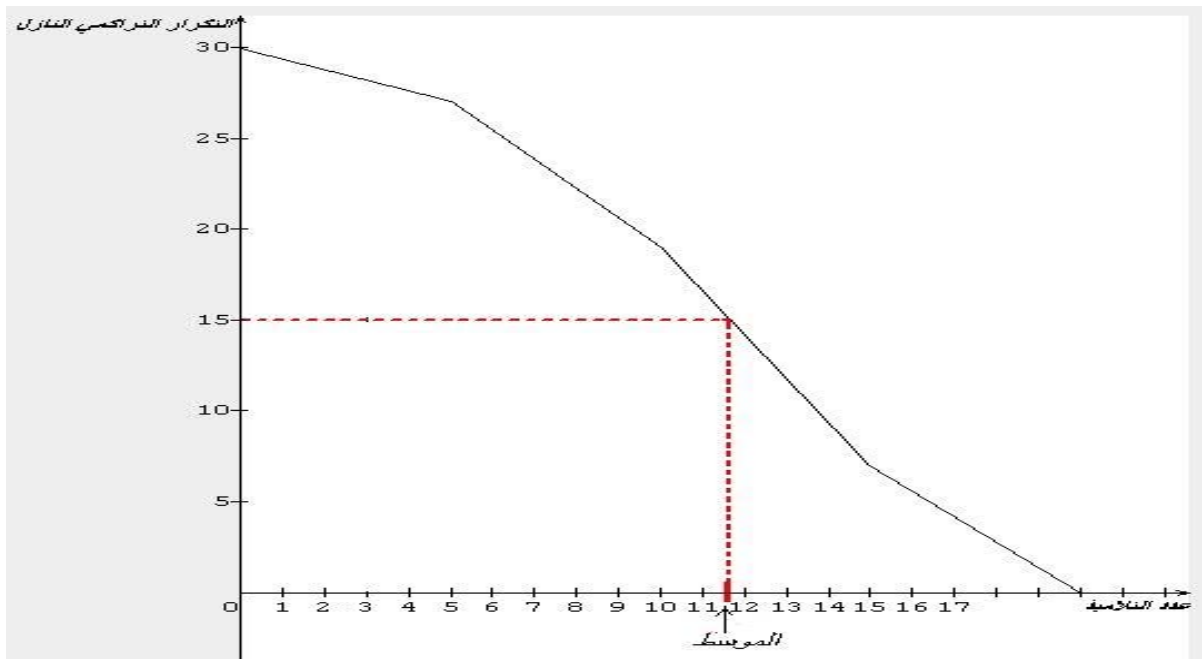
التمرين الثاني

(أ1)

الفئة	$[0,5[$	$[5,10[$	$[10,15[$	$[15,20[$
عدد التلاميذ	3	8	12	7
التكرار التراكمي النازل	30	27	19	7

ب) المدى : $20 - 0 = 20$; المنوال : $[10,15[$

(2) مضلع التكرارات التراكمية النازلة



(3) متوسط هذه السلسلة هذه السلسلة هو 11,6

التمرين الثالث

(أ1)

$$\begin{aligned}a &= 4\sqrt{3}(\sqrt{3}-1) - 5 \\ &= 12 - 4\sqrt{3} - 5 \\ &= 7 - 4\sqrt{3}\end{aligned}$$

ب) لدينا $7^2 = 49$ و $(4\sqrt{3})^2 = 48$

بما أن $49 > 48$ فإن $7^2 > (4\sqrt{3})^2$ وبالتالي $7 > 4\sqrt{3}$ (لأنهما عددان موجبان)

ج) لدينا $7 > 4\sqrt{3}$ إذن $\frac{1}{7} < \frac{1}{4\sqrt{3}}$ (لأنهما عددان موجبان قطعاً)

وبالتالي $(-4) \times \frac{1}{7} > (-4) \times \frac{1}{4\sqrt{3}}$ (لأن (-4) عدد سالب) أي $\frac{-4}{7} > \frac{-4}{4\sqrt{3}}$

(2)

$$\begin{aligned}(2 - \sqrt{3})^2 &= 4 - 4\sqrt{3} + 3 \\ &= 7 - 4\sqrt{3} \\ &= a\end{aligned}$$

إذن $a = (2 - \sqrt{3})^2$

(أ3)

$$\begin{aligned}(7 + 4\sqrt{3})(7 - 4\sqrt{3}) &= 7^2 - (4\sqrt{3})^2 \\ &= 49 - 48 \\ &= 1\end{aligned}$$

ب) بما أن $ab = 1$

فإن

$$\begin{aligned}(b - a)^2 &= b^2 - 2ab + a^2 \\ &= b^2 + a^2 - 2\end{aligned}$$

ج)

$$\begin{aligned}a^2 + b^2 - 2 &= (b - a)^2 \\ &= [7 + 4\sqrt{3} - (7 - 4\sqrt{3})]^2 \\ &= (8\sqrt{3})^2 = 192\end{aligned}$$

التمرين الرابع

(1) إذا كان $x = 1$ فإن $A = \sqrt{2} - 3$

إذا كان $x = -\sqrt{2}$ فإن $A = -5$

(2) أ)

$$\begin{aligned}B &= (x - 2\sqrt{2})^2 \\ &= x^2 - 4\sqrt{2}x + 8\end{aligned}$$

ب)

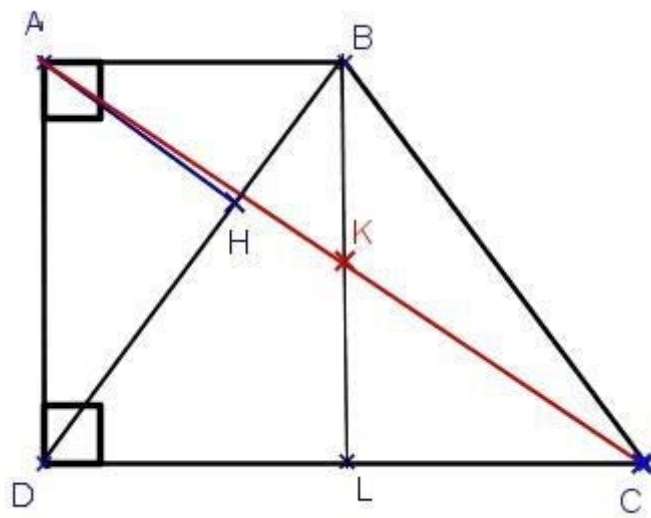
$$\begin{aligned}(x - 2\sqrt{2})^2 + 2(\sqrt{2}x - 3) &= x^2 - 4\sqrt{2}x + 8 + 2\sqrt{2}x - 6 \\ &= x^2 - 2\sqrt{2}x + 2\end{aligned}$$

(ج)

$$B + 2A = x^2 - 2\sqrt{2}x + 2$$
$$= (x - \sqrt{2})^2$$

إذن $B + 2A$ هو مربع لعدد صحيح طبيعي .

التمرين الخامس



(1) مثلث قائم ABD قائم A إذن حسب نظرية فيثاغورس نتحصل على

$$BD^2 = AB^2 + AD^2$$
$$\text{إذن } BD = 5 \quad = 3^2 + 4^2 = 25$$

(2) (ب) في الرباعي $ABLD$ لدينا $\hat{A}DL = 90^\circ$ و $\hat{A}DB = 90^\circ$ لأن $ABCD$ شبه منحرف قائم في A قاعدته $[AB]$ و $[CD]$ و $(L \in (DC))$

$\hat{B}LD = 90^\circ$ (لأن L المسقط العمودي لـ B على (DC)) .

إذن طبيعة الرباعي $ABLD$ مستطيل

(ج) بمأن $DL = 3$ (لأن $ABLD$ مستطيل و $AB = 3$) و $DC = 6$ و $L \in [DC]$

فإن L منتصف $[DC]$

(3أ) المثلث BLC قائم في L إذن حسب نظرية بيتاغور نتحصل على

$$BC = 5 \quad \text{إذن} \quad \begin{aligned} BC^2 &= LC^2 + BL^2 \\ &= 3^2 + 4^2 = 25 \end{aligned}$$

$$\text{ب) بما أن } DC^2 = 36 \text{ و } BC^2 + BD^2 = 5^2 + 5^2 = 50$$

فإن $DC^2 \neq BC^2 + BD^2$ وبالتالي حسب عكس نظرية بيتاغور المثلث BDC غير قائم في B

(د) المثلث ABD قائم في A و H المسقط العمودي لـ A على (BD)

$$\text{إذن } AH \times BD = AB \times AD \text{ وبالتالي } AH \times 5 = 3 \times 4 \text{ ومنه فإن } AH = \frac{12}{5} = 2,4$$

(3ب)

في الرباعي $ABCL$ لدينا $AB = LC = 3 \text{ cm}$ و $(AB) \parallel (LC)$ إذن $ABCL$ متوازي أضلاع

و بمأن قطراه $[AC]$ و $[BL]$ يتقاطعان في K

فإن K منتصف $[BL]$ (لأن القطران في متوازي الأضلاع يتقاطعان في منتصفيهما) .