

**التمرين الأول: (4 نقاط)**

لكل سؤال، واحدة من بين الإجابات الأربع صحيحة. أوجد الإجابة المناسبة.

د	ج	ب	أ	
$ x  > 6,7$	$ x  \leq 6,7$	$ x  \geq 6,7$	$ x  < 6,7$	في حالة العدد الحقيقي $x$ يتحقق $-6,7 < x < 6,7$
الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,143$	الحصر $3,1414 \leq \pi \leq 3,1416$	الحصر $3,1415 \leq \pi \leq 3,1416$	الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,142$	علمًا أن $\pi = 3,141592 \dots$ ، فإن القيمة $4 \times 10^{-2}$ هي مدى ...
من نفس المستوى أوليسا من نفس المستوى	ليسا متوازيين وليسا متقاطعين	متوازيان أو متقاطعان	من نفس المستوى	مستقيمان من الفضاء ، هما مستقيمان ...
إذن $\Delta$ قاطع لكل مستقيمات $P$	إذا عاد $\Delta$ مستقيما $P$ موازيًا له	إذن $\Delta$ يعاد كل مستقيمات $M$ المارة من $P$	إذا عاد $\Delta$ مستقيما من $P$ مار من $M$	ليكن $\Delta$ مستقيما و $P$ مستوي من الفضاء. يعاد $P$ في نقطة $M$ ، يعاد $\Delta$ ...

**التمرين الثاني: (4 نقاط ونصف)**

لاحظ الرسم البياني على 1- د بالملحق، حيث:

(1) ليكن  $S$  قيس مساحة الرباعي  $AMND$  و  $S'$  قيس مساحة الرباعي  $MNCB$  بحساب الصنتمتر مربع.

$$x > \sqrt{3} \text{ حيث } AB = \sqrt{3} \text{ cm} \text{ و } MB = BC$$

$$AB = \sqrt{3} \text{ cm} \text{ و } MB = BC$$

أ- بين أن:  $S' = (x - \sqrt{3})^2$  و  $S = x(x - \sqrt{3})$ ب- أوجد القيمة العددية الممكنة لـ  $x$  ، إذا علمت أن قيس مساحة الرباعي  $MNCB$  مساو لثلاث قيس مساحة الرباعي  $AMND$ .(2) ليكن  $x$  عدداً حقيقياً والعباراتين الجبريتين:  $Q = x^2 - 2\sqrt{3}x + 8$  و  $P = (x - \sqrt{3})^2$ أ- أوجد القيمة العددية لـ  $Q$  في كل حالة من الحالات التالية:

$$x = 2 + \sqrt{3} \quad (*) \quad ; \quad x = \sqrt{5} \quad (*) \quad ; \quad x = 3 \quad (*)$$

ب- بين أن  $Q = 5 + p$  ، ثم استنتج أن:(3) حل، في المجموعة  $\mathbb{R}$  ، ما يلي:

$$5 + (x - \sqrt{3})^2 > 5 \quad ; \quad x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 \leq x^2 + 3 \quad ; \quad x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 = 8$$

**التمرين الثالث: (3 نقاط ونصف)**لاحظ الرسم البياني على 2- د بالملحق، حيث المجسم  $ABCDEFGH$  مكعباً قيس طول حرفه مساو لـ  $5\text{cm}$ (1) (أ) بين أن:  $(MN) // (BD)$  حيث  $N \in [AB]$  و  $M \in [AD]$  و  $MA = 2\text{cm}$ ب- بتطبيق مبرهنة طالس في المثلث  $ABD$  ،

$$\frac{AF}{BD} = \frac{MN}{NB} \quad ; \quad AF = BD = 5\sqrt{2}\text{cm} \quad ; \quad MN = 2\sqrt{2}\text{cm}$$

(2) أ- بين أن المستقيم  $(MA)$  يعادل المستوى  $(ABE)$ .ب- بين أن المثلث  $MAF$  قائم الزاوية في النقطة  $A$ .

$$MF = 3\sqrt{6}\text{cm}$$

(3) هل أن المثلث  $MNF$  قائم الزاوية في النقطة  $N$ ? علل الإجابة.انظر الصفحة المعاونة

التمرين الرابع: (4 نقاط)

توجّد بكيّس عازل للرؤيّة خمس قريصات متشابهة ، يحملن الأعداد: 0 و 2 و -3 و  $\sqrt{5}$  و  $-\sqrt{5}$ .

❖ نعتبر التجربة العشوائية التالية: سحب اثنين من القرصيات ثم الاهتمام بنتيجة جذاء العددين المتحصل عليهما ، مع العلم أن القرصيات لهن نفس الاحتمال للسحب.

❖ لاحظ الرسم البياني ع3-د بالملحق ، الذي يحدّد كل النتائج الممكنة لهذه التجربة العشوائية.

(1) بالإعتماد على المعلومات المقدمة، حدد عدد كل الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.

(2) مقدما الاحتمالات في شكل كتابة كسرية مختزلة إلى أقصى حد:

أ- أوجد  $p$  احتمال تحقق الحدث التالي: " الحصول على جذاء عدد حقيقي سالب فقط ".

ب- أوجد  $q$  احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جذاء عدد حقيقي موجب "

ج- أوجد  $k$  احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جذاء عدد صحيح نسيي "

د- تحقق من المساواة التالية:  $p + q + k = 1,6$

(3) بإضافة قریص سادس يحمل العدد  $\sqrt{5}$  إلى القرصيات السابقة ، وقع القيام بنفس التجربة العشوائية.

أ- حدد عدد كل الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.

ب- مقدما الاحتمال في شكل كتابة كسرية مختزلة إلى أقصى حد ،

أوجد  $e$  احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جذاء عدد صحيح طبيعي "

التمرين الخامس: (4 نقاط)

❖ قامت إدارة إحدى المؤسسات الاقتصادية بسبل للأراء لمعرفة المدة الزمنية بالدقيقة ، المقضاة من طرف موظفيها بين مقر الإقامة ومقر العمل.

❖ لاحظ الرسم البياني ع4-د بالملحق ، الذي يحدّد النتائج التي أفرزتها هذه الاستماراة.

(1) ما هي المجموعة الإحصائية المدروسة؟

ب- ما هي الميزة الإحصائية المدروسة؟ ما هي طبيعتها؟ ما هي خاصيتها؟

(2) أ- حدد  $e$  مدى هذه السلسلة الإحصائية، معللا الإجابة.

ب- حدد الفئة الزمنية الموافقة لأكبر عدد من الموظفين، معللا الإجابة.

(3) ما هو عدد الموظفين الذين يقضون أقل مدة زمنية؟ أكبر مدة زمنية؟

(4) أ- انقل ، ثم أكمل تعمير الجدول التالي:

المدة الزمنية بالدقيقة (الفئة)						
مركز الفئة $i$						
التكرار التراكمي الصاعد						
[35;40[	[30;35[	[25;30[	[20;25[	[15;20[	[10;15[	
.....	.....	.....	.....	.....	12,5	
5	.....	.....	.....	.....	.....	عدد الموظفين (التكرار $n_i$ )
80	.....	.....	.....	.....	16	النسبة المئوية (%)

ب- احسب  $\bar{X}$  المعدل الحسابي التقريري للمدة الزمنية بالدقيقة الموافقة لكل موظف.

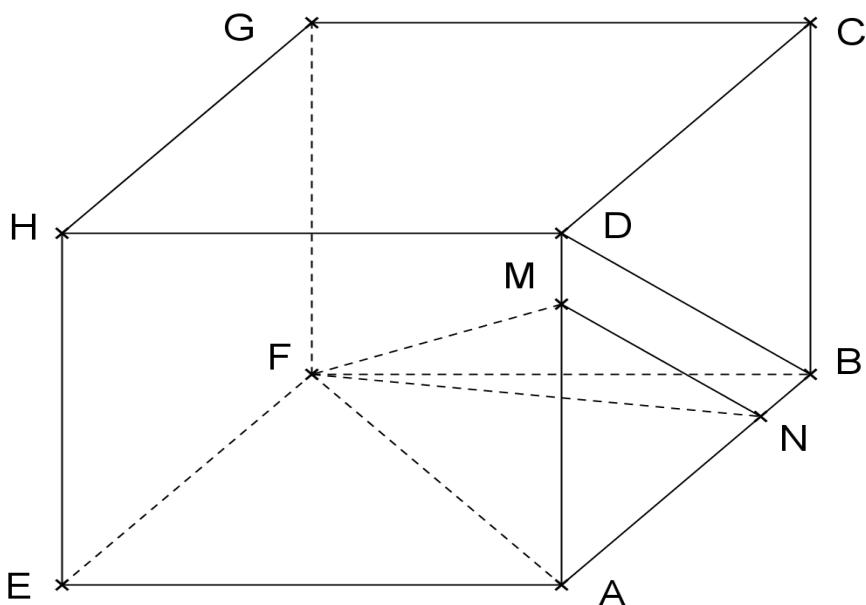
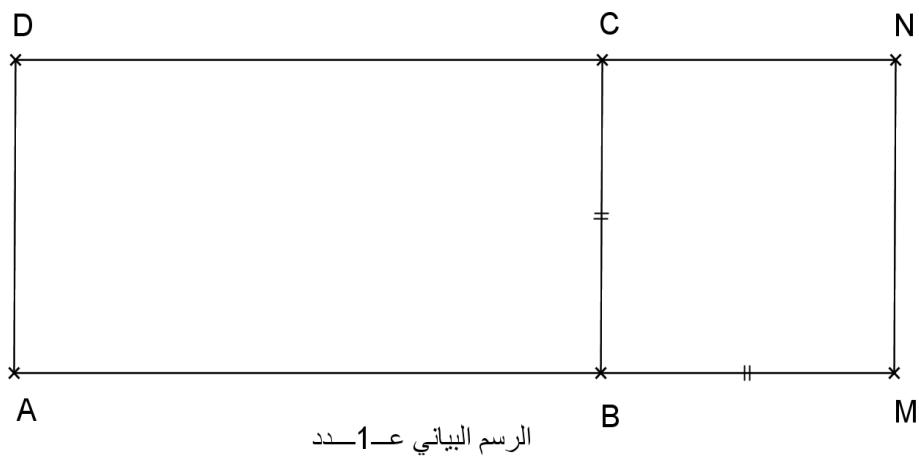
ج- أوجد النسبة المئوية لعدد الموظفين، الذين يقضون مدة زمنية أكبر أو متساوية لعشرين دقيقة.

(5) أ- مثل هذه السلسلة الإحصائية بمضلعي التكرارات التراكمية الصاعدة، وفق السلم التالي:

5 وحدات من الفئة  $\rightarrow$  1,5cm  $\leftarrow$  (على محور الفاصلات)

و10 تكرارات تراكمية صاعدة  $\rightarrow$  1cm  $\leftarrow$  (على محور الترتيبات)

ب- استنتج قيمة تقريرية للموسط  $Me$  برقم واحد بعد الفاصل.



(الحالة  
 $\{-3; \sqrt{5}\}$   
 هي مثال من نتائج  
 التجربة العشوائية)

$-\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	-3	2	0	
$\{0; -\sqrt{5}\}$	$\{0; \sqrt{5}\}$	$\{0; -3\}$	$\{0; 2\}$		0
$\{2; -\sqrt{5}\}$	$\{2; \sqrt{5}\}$	$\{2; -3\}$			2
$\{-3; -\sqrt{5}\}$	$\{-3; \sqrt{5}\}$				-3
$\{\sqrt{5}; -\sqrt{5}\}$					$\sqrt{5}$

الرسم البياني ٣—دد

انظر الصفحة الموقلة

