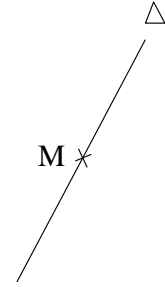


### 1 تعريف التّناظر المحوري

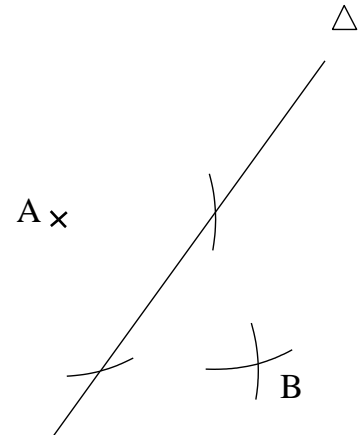
**تعريف:**  $\Delta$  هو الموسط العمودي لـ  $[AB]$  يعني أنّ  $A$  و  $B$  متناظرتان بالنّسبة إلى  $\Delta$ .  
و  $\Delta$  يسمّى محور التّناظر.

**ملاحظة:** كلّ نقطة من محور التّناظر مناظرها هي نفسه.



مناظرة النّقطة  $M$  بالنّسبة إلى  $\Delta$  هي  $M$

### بناء مناظرة نقطة:



مناظرة  $A$  بالنّسبة إلى  $\Delta$  هي  $B$ .

### تمرين منزلي:

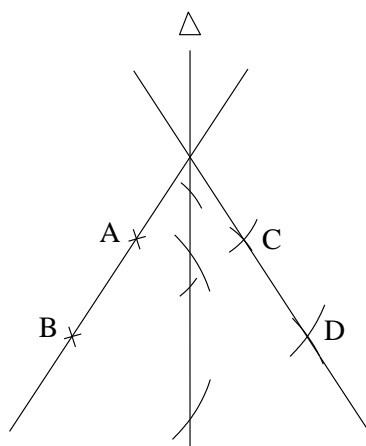
- 1) قيس طولها 4 صم،  $[AB]$  الموسط العمودي لـ  $[AB]$ ،  
و  $C$  نقطة لا تنتمي إلى  $\Delta$  و  $[AB]$ .
- 2) (1) ابن  $D$  مناظرة  $C$  بالنّسبة إلى  $\Delta$ .
- 2) بيّن أنّ  $\Delta$  عمودي على  $(CD)$ .
- 2) بيّن أنّ  $(CD)$  موازي لـ  $(AB)$ .

## 2 مناظر أشكال هندسيّة

مناظر مستقيم: هو مستقيم.

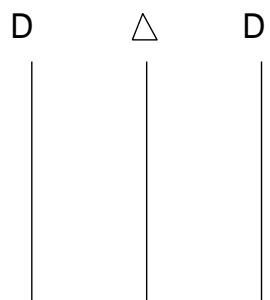
ملاحظات:

- إذا كان المستقيم قاطع لمحور التناظر في نقطة منه فإنّ مناظره سيكون مستقيم قاطع لمحور التناظر في نفس النقطة.

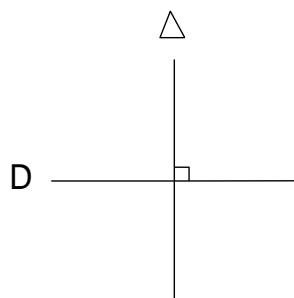


مناظر  $(AB)$  بالنسبة إلى  $\Delta$  هو  $(CD)$

- إذا كان المستقيم موازي لمحور التناظر فإنّ مناظره سيكون مستقيم موازي لمحور التناظر.



- إذا كان المستقيم عمودي على محور التناظر فإنّ مناظره سيكون هو نفسه.



مناظر المستقيم  $D$  بالنسبة إلى  $\Delta$  هو  $D$

تطبيق:

$ABC$  مثلث عام،

$\Delta$  المتوسط العمودي لـ  $[BC]$ ،

و  $E$  منظر  $A$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .

(1) ما هو منظر  $(AB)$  بالنسبة إلى  $\Delta$ ؟ علّل إجابتك.

(2)  $(AB)$  يقطع  $\Delta$  في  $M$ ، بيّن أنّ النقطة  $M$  تنتمي إلى  $(EF)$ .

تمرين منزلي:

$ABC$  مثلث قائم في  $A$ ،

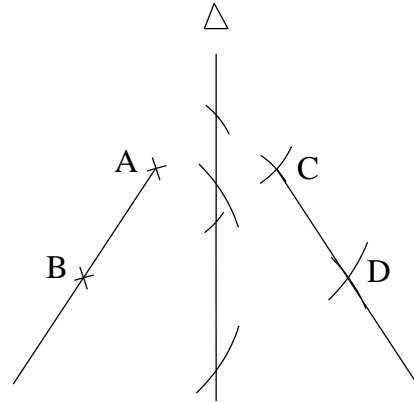
و  $\Delta$  المتوسط العمودي لـ  $[AC]$ .

(1) بيّن أنّ  $(AB)$  موازي لـ  $\Delta$ .

(2) ارسم مع التعليل  $\Delta'$  منظر  $(AB)$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .

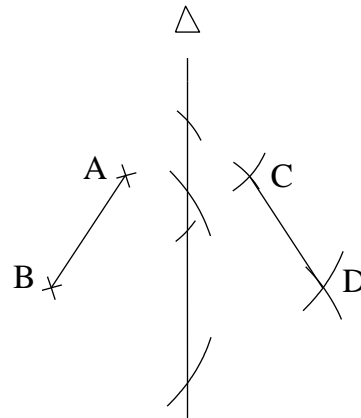
— 3 —

مناظر نصف مستقيم: هو نصف مستقيم.



مناظر  $(AB)$  بالنسبة إلى محور التناظر  $\Delta$  هو  $(CD)$

مناظر قطعة مستقيم: هي قطعة مستقيم مقايضة لها.



مناظر  $[AB]$  بالنسبة إلى محور التناظر  $\Delta$  هي  $[CD]$ .

تطبيق:

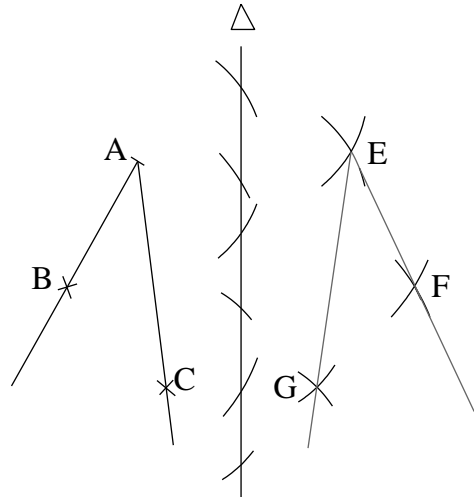
- $\Delta$  مستقيم،  $A$  و  $B$  نقطتان من  $\Delta$  لا تنتميان إليه بحيث  $[AB]$  قاطعة لـ  $\Delta$  و  $AB = 5 \text{ cm}$ .
- (1) ابن  $C$  مناظرة  $A$  بالنسبة إلى  $\Delta$ ، و  $D$  مناظرة  $B$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .
- (2) جد مع التعليل البعد  $CD$ .

تمرين منزلي:

- $\Delta$  مستقيم و  $A$  نقطة تبعد  $2 \text{ cm}$  عن  $\Delta$ ،  
و  $B$  مناظرة  $A$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .
- (1)  $\Delta$  يقطع  $[AB]$  في  $I$ ، بين أن  $AB = 4 \text{ cm}$ .
- (3) لتكن  $M$  نقطة من  $\Delta$  بحيث  $AM = 4 \text{ cm}$ ، جد مع التعليل البعد  $CD$ .
- (2) ما هو نوع المثلث  $MAB$ ؟

— 4 —

مناظر زاوية : هي زاوية مقايسة لها.



مناظر  $[AB, AC]$  بالنسبة إلى  $\Delta$  هي  $[EF, EG]$

تطبيق:

- $[AB]$  قيس طولها  $4 \text{ cm}$  و  $\Delta$  موّسطها العمودي،  
و  $C$  نقطة من  $\Delta$  بحيث  $\hat{BAC} = 50^\circ$ .
- (1) أ- ما هو مناظر  $[AB, AB]$ ؟ علّل إجابتك.  
ب- جد  $\hat{ABC}$ . علّل إجابتك.
- (2) لتكن  $I$  نقطة تقاطع  $\Delta$  و  $[AB]$ ،  
(3) أ- ما هو مناظر  $[CA, CI]$ ؟ علّل إجابتك.  
ب- ماذا تمثّل  $[CI]$  بالنسبة إلى  $[CA, CB]$ .

تمرين منزلي:

$ABC$  مثلث قائم بحيث  $AB = 5 \text{ cm}$  و  $AC = 3 \text{ cm}$  ،

$\Delta$  المتوسط العمودي لـ  $[BC]$  ،

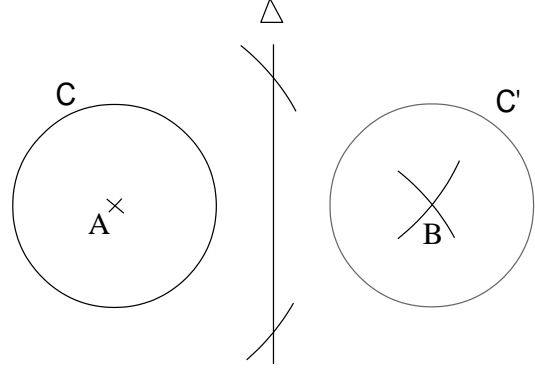
و  $E$  منظر  $A$  بالنسبة إلى  $\Delta$  .

(1) حدّد مناظر  $[AB, AC]$  بالنسبة إلى  $\Delta$  ؟

(2) استنتج.

— 5 —

مناظر دائرة: هي دائرة مقياسة لها و مركزها هو مناظر لمركز الدائرة الأولى.



مناظر  $C$  بالنسبة إلى محور التناظر  $\Delta$  هي  $C'$

تطبيق:

$[AB]$  قيس طولها  $5 \text{ cm}$  ، و  $\Delta$  موسّطها العمودي،

$C$  الدائرة التي مركزها  $A$  و شعاعها  $2 \text{ cm}$  ،

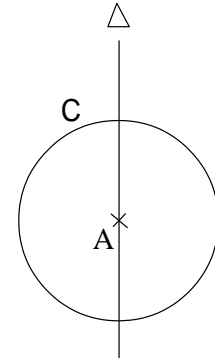
و  $C'$  الدائرة التي مركزها  $B$  و شعاعها  $2 \text{ cm}$  .

(1) ابن الدائرة  $C'$  منظر الدائرة  $C$  بالنسبة إلى  $\Delta$  .

(2) لتكن  $M$  نقطة من  $\Delta$  ،

$C$  تقطع  $[MA]$  في النقطة  $E$  و  $C'$  تقطع  $[MB]$  في النقطة  $F$  ، بين أن  $E$  و  $F$  متناظرتان بالنسبة إلى  $\Delta$  .

ملاحظة: مناظر دائرة هي نفسها إذا كان محور التناظر يمرّ من مركز دائرة.



مناظر الدائرة  $C$  بالنسبة إلى  $\Delta$  هي الدائرة  $C$  .

تمرين منزلي:

[AB] قيس طولها  $4\text{ cm}$ ، و  $\Delta$  موسّطها العمودي،

C الدائرة التي مركزها A و شعاعها  $3\text{ cm}$ ،

و C' الدائرة التي مركزها B و شعاعها  $3\text{ cm}$ .

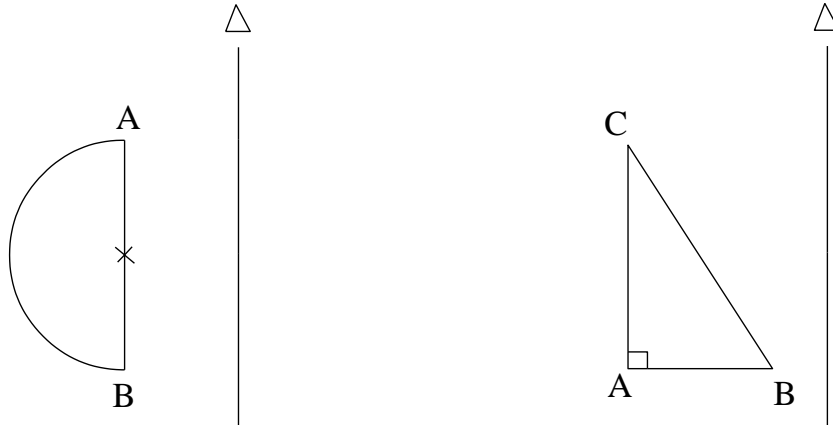
(1) بين أن الدائرتين C و C' متناظرتين بالنسبة إلى  $\Delta$ .

(2) C تقطع [AB] في النقطة E، و C' تقطع [AB] في النقطة F،

بين أن التقطعتين E و F متناظرتان بالنسبة إلى  $\Delta$ .

6 -

نشاط:

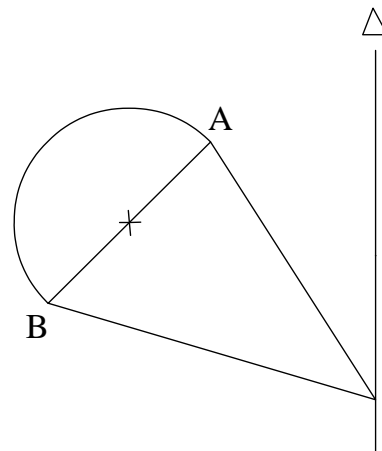


(1) ابن مناظر المثلث  $ABC$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .

(2) ابن القوس  $\widehat{EF}$  مناظر القوس  $\widehat{AB}$  بالنسبة إلى  $\Delta$ .

ملاحظة: شكلان هندسيان متناظران محوريًا هما شكلان لهما نفس قيس المحيط و المساحة.

تطبيق:



ابن مناظر هذا الشكل الهندسي بالنسبة إلى  $\Delta$ .